**Федеральное государственное образовательное бюджетное учреждение высшего образования**

**«ФИНАНСОВЫЙ УНИВЕРСИТЕТ**
**ПРИ ПРАВИТЕЛЬСТВЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»**
**(Финансовый университет)**

**Ярославский филиал Финуниверситета**

**Кафедра «Экономика и финансы»**

СОГЛАСОВАНО
Заместитель мэра –
директор департамента
_____Данц А.А.

«09» июня 2026 г.

УТВЕРЖДАЮ
Директор
Ярославского филиала
Финуниверситета
_____В.А. Кваша

«16» июня 2026 г.

Автор: О.Ю. Манина

# ЦИФРОВАЯ МАТЕМАТИКА НА ЯЗЫКЕ R И EXCEL

**Рабочая программа дисциплины**
для студентов, обучающихся по направлению (ям) подготовки
38.03.01 «Экономика»,
профиль: «Финансы и банковское дело»
(очно-заочная форма обучения)

*Рекомендовано Ученым советом Ярославского филиала Финуниверситета*
*(протокол № 6 от 16.06.2026)*

*Одобрено кафедрой «Экономика и финансы»*
*(протокол № 6 от 04.06.2026)*

**Ярославль 2026**

**СОДЕРЖАНИЕ**

1. Наименование дисциплины .....3

2. Перечень планируемых результатов освоения образовательной программы (перечень компетенций) с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения по дисциплине .....3

3. Место дисциплины в структуре образовательной программы .....4

4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах и в академических часах с выделением объема аудиторной (лекции, семинары) и самостоятельной работы обучающихся (в семестре, в сессию).....5

5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) дисциплины с указанием их объемов (в академических часах) и видов учебных занятий .....5

5.1. Содержание дисциплины .....5

5.2. Учебно-тематический план.....7

5.3. Содержание семинаров, практических занятий .....8

6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине .....11

6.1. Перечень вопросов, отводимых на самостоятельноеосвоение дисциплины, формы внеаудиторной самостоятельной работы .....11

6.2. Перечень вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю .....15

7.Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине.....20

7.1 Перечень компетенций с указанием индикаторов их достижения в процессе освоения образовательной программы.....20

7.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки индикаторов достижения компетенций, умений и знаний.....20

7.3. Соответствующие приказы, распоряжения ректората о контроле уровня освоения дисциплин и сформированности компетенций студентов. .....27

8.Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины .....27

9.Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины .....11

10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины .....29

11.Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень необходимого программного обеспечения иинформационных справочных систем .....29

12.Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине .....30

**1. Наименование дисциплины**

Б.1.1.2.3. «Цифровая математика на языке R и Excel».

**2. Перечень планируемых результатов освоения образовательной программы (перечень компетенций) с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения по дисциплине**

Дисциплина «Цифровая математика на языке R и Excel» обеспечивает инструментарий формирования следующих компетенций: ПКН-3, УК-4

Таблица 1 – Структура планируемых результатов обучения по дисциплине

| Код компетенции | Наименование компетенции | Индикаторы достижения компетенции | Результаты обучения (умения и знания), соотнесённые с компетенциями/индикаторами достижения компетенции |
|---|---|---|---|
| ПКН-3 | Способность осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, применять математические методы для решения стандартных профессиональных финансово-экономических задач, интерпретировать полученные результаты. | 1. Проводит сбор, обработку и статистический анализ данных для решения финансово-экономических задач. | **Знать** методы сбора, обработки и статистического анализа данных для решения финансово-экономических задач.<br>**Уметь** использовать методы сбора, обработки статистического данных для решения финансово-экономических задач. |
| | | 2. Формулирует математические постановки финансово экономических задач, переходит от экономических постановок задач к математическим моделям. | **Знать** методы математических постановок экономических задач.<br>**Уметь** использовать методы математических финансово-экономических задач. |
| | | 3. Системно подходит к выбору математических методов и информационных технологий для решения конкретных финансово-экономических задач в профессиональной области. | **Знать** математические методы и информационные технологии для решения конкретных финансово-экономических задач в профессиональной области.<br>**Уметь** использовать математические методы и информационные технологии для решения конкретных финансово-экономических задач в профессиональной области. |
| | | 4. Анализирует результаты исследования математических моделей финансово-экономических задач и делает на их основании | **Знать** методы анализа результатов исследования математических моделей финансово-экономических задач.<br>**Уметь** использовать методы анализа результатов исследования математических моделей финансово-экономических задач. |

| | | | |
|---|---|---|---|
| | | количественные и качественные выводы и рекомендации по принятию финансово-экономических решений. | |
| УК-4 | Способность использовать прикладное программное обеспечение при решении профессиональных задач | 1. Использует основные методы и средства получения, представления, хранения и обработки данных. | **Знать** основные методы и средства получения, представления, хранения и обработки данных.<br>**Уметь** основные методы и средства получения, представления, хранения и обработки данных. |
| | | 2. Демонстрирует владение профессиональными пакетами прикладных программ. | **Знать** профессиональные пакеты прикладных программ.<br>**Уметь** использовать профессиональные пакеты прикладных программ. |
| | | 3. Выбирает необходимое прикладное программное обеспечение в зависимости от решаемой задачи. | **Знать** прикладное программное обеспечение в зависимости отрешаемой задачи.<br>**Уметь** использовать прикладное программное обеспечение в зависимости решаемой задачи. |
| | | 4. Использует прикладное программное обеспечение для решения конкретных прикладных задач. | **Знать** прикладное программное обеспечение для решения конкретных прикладных задач.<br>**Уметь** использовать прикладное программное обеспечение для решения конкретных прикладных задач. |

## 3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Цифровая математика на языке R и Excel» относится к Циклу математики и информатики направления подготовки 38.03.01 «Экономика» (для всех образовательных программ).

В процессе изучения дисциплины происходит овладение основными математическими понятиями, необходимыми для формирования профессиональных компетенций выпускника направления «Экономика», и освоение инструментов решения прикладных математических задач с использованием вычислительных компьютерных технологий. При этом студенты приобретают опыт применения изучаемых технологий в практических задачах, связанных с самостоятельным поиском, обработкой, анализом, оценкой и интерпретацией профессиональной информации о функционировании различных рынков и иных экономических систем; осуществлять учетную, расчетно-аналитическую и контрольную деятельность при

обосновании и исполнении управленческих, а также финансово-экономических решений на микроуровне.

**4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах и в академических часах с выделением объема аудиторной (лекции, семинары) и самостоятельной работы обучающихся (в семестре, в сессию)**

Таблица 2 – Объем дисциплины в зачетных единицах и академических часах

| **Вид учебной работы по дисциплине** | **Всего (в з/е и часах)** | **Семестр (модуль) 1 в (часах)** | **Семестр (модуль) 2 в (часах)** |
|---|---|---|---|
| **Общая трудоёмкость дисциплины** | **4з.е./144 ч.** | | |
| ***Контактная работа – Аудиторные занятия*** | ***32*** | ***16*** | ***16*** |
| *Лекции* | | | |
| *Семинары, практические занятия* | *32* | *16* | *16* |
| ***Самостоятельная работа*** | ***112*** | ***56*** | ***56*** |
| Вид текущего контроля | | Контрольная работа | Контрольная работа |
| Вид промежуточной аттестации | | Зачет | Зачет |

**5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) дисциплины с указанием их объемов (в академических часах) и видов учебных занятий**

**5.1. Содержание дисциплины**

***Тема 1. Введение в MS Excel***

Табличный процессор MS Excel; понятия книги, листа, ячейки в MS Excel; адресация и форматирование ячеек; манипуляции с диапазонами ячеек; типы данных, ввод данных и формул в ячейки; подбор параметра, организация ссылок.

Встроенные функции MS Excel и их применение. Элементарные функции. Логические функции. Функции прогнозирования (РОСТ, ТЕНДЕНЦИЯ). Функции поиска данных в некотором диапазоне (ПРОСМОТР, ВПР, ГПР).

Простые и сложные проценты. Финансовые функции. (ПС, БС, ПЛТ, СТАВКА, КПЕР), вычисление начислений по вкладам и выплат по кредитам, план погашения кредита.

Сводные таблицы, консолидация, фильтр, расширенный фильтр, функции БД.

***Тема 2. Введение в R и RStudio***

Установка R и RStudio; описание консольного интерфейса; загрузка и активация библиотек R; типы данных в R и программирование переменных; базовые математические функции в R; создание пользовательских функций в R и подключение пользовательских библиотек; логические конструкции и условные операторы в R; способы чтения/записи в R данных различных форматов.

***Тема 3. Построение графиков функций в R, MS Excel.***

Числовые функции их свойства и способы задания. График функции. Сложная и обратная функции. Характеристики функций: четность и нечетность, периодичность, монотонность, ограниченность.

***Тема 4. Вычисление предела функции в R, MS Excel.***

Предел числовой последовательности. Предел функции на бесконечности и в точке. Односторонние пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Первый и второй замечательные пределы.

Непрерывность функции в точке. Точки разрыва функции. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Асимптоты графика функции.

***Тема 5. Вычисление производной функции в точке в R, MS Excel***

Производная и дифференциал функции одной переменной. Эластичность функции и ее применение. Производные высших порядков.

Локальный экстремум функции. Выпуклые (вогнутые) функции. Точки перегиба. Общая схема исследования функции и построения ее графика. Наибольшее и наименьшее значения непрерывной функции на отрезке.

***Тема 6. Численное нахождение определенного и несобственного интеграла в R, Excel***

Неопределенный интеграл. Определенный интеграл. Формула Ньютона Лейбница. Несобственные интегралы.

***Тема 7. Операции с комплексными числами и решение алгебраических уравнений***

Комплексные числа. Решение алгебраических уравнений. Вычисление арифметических выражений.

***Тема 8. Основы разработки приложений в инструментальной среде VBA***

Основы языка Visual Basic for Application. Создание функций. Понятие объекта. Основные объекты MS Excel. Макросы: назначение, создание и редактирование. Разработка пользовательских диалоговых окон.

***Тема 9. Операции с матрицами в R, Excel***

Арифметические векторы и линейные операции над ними. Векторное пространство $R^n$. Линейная зависимость (независимость) системы векторов. Базис и размерность $n$ векторного пространства. Координаты вектора в данном базисе. Скалярное произведение векторов в $R^n$. Длины векторов и угол между ними в $R^n$. Операции над матрицами. Ранг матрицы. Обратная матрица. Решение матричных уравнений вида $AX=B$.

Определители и их свойства. Применение определителей: 1) критерий не вырожденности квадратной матрицы; 2) нахождение ранга матрицы; 3) нахождение обратной матрицы.

***Тема 10. Решение системы линейных уравнений в R, Excel***

Решение систем линейных алгебраических уравнений методам Крамера, обратной матрицы и методом Гаусса

Собственные значения и собственные векторы квадратных матриц.

***Тема 11. Решение прикладных экономических задач в R, Excel***

Нахождение эластичности и других предельных величин в микроэкономике; задачи линейного программирования в экономике: минимизация расходов, максимизация прибыли и др.; транспортная задача, задача о назначениях.

**5.2. Учебно-тематический план**

Таблица 3 – Содержание учебно-тематического плана изучения дисциплины

| № п/п | Наименование тем (разделов) дисциплины | Трудоемкость в часах | | | | | | Формы текущего контроля успеваемости |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| | | Всего | Аудиторная работа | | | | Самостоятельная работа | |
| | | | Общая, в т.ч.: | Лекции | Семинары, практические занятия | Занятия в интерактивных формах | | |
| 1 | Введение в MS Excel | 30 | 2 | – | 2 | 1 | 8 | Аудиторные самостоятельные работы. Участие в решении задач на практических занятиях. Собеседования подомашним заданиям. |
| 2 | Введение в R и RStudio | 18 | 2 | - | 2 | 1 | 8 | |
| 3 | Построение графиков функций в R, MS Excel | 8 | 2 | - | 2 | 1 | 8 | |
| 4 | Вычисление предела функции в R, MS Excel | 4 | 2 | - | 2 | 1 | 8 | |
| 5 | Вычисление производной функции в точке в R, MS Excel | 12 | 2 | - | 2 | 1 | 8 | |
| 6 | Численное нахождение определенного и несобственного интеграла в R, Excel | 16 | 2 | - | 2 | 1 | 12 | |
| 7 | Операции с комплексными числами и решение алгебраических уравнений. | 4 | 2 | - | 2 | 2 | 12 | |
| 8 | Основы разработки приложений в инструментальной среде VBA | 8 | 2 | - | 2 | 2 | 12 | |

| | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 9 | Операции с матрицами в R, Excel | 18 | 4 | - | 4 | 2 | 12 | |
| 10 | Решение системы линейных уравнений в R, Excel. | 14 | 6 | - | 6 | 2 | 12 | |
| 11 | Решение прикладных экономических задач в R, Excel | 12 | 6 | - | 6 | 2 | 12 | |
| | В целом по дисциплине | 144 | 32 | - | 32 | 16 | 112 | Контрольные работы |
| | Итого в % | | | | | 100% | | |

## 5.3. Содержание семинаров, практических занятий

Таблица 4 – Темы дисциплины, формы проведения и содержание семинаров и практических занятий

| **Наименование тем (разделов) дисциплины** | **Перечень вопросов для обсуждения на семинарских, практических занятиях, рекомендуемые источники из разделов 8,9 (указывается раздел и порядковый номер источника)** | **Формы проведения занятий** |
|---|---|---|
| 1. Введение в MS Excel | Введение в Excel, Ввод данных и формул в ячейки рабочего листа Организация ссылок. Элементарные функции. Встроенные функции MS Excel и их применение. Логические функции. Функции прогнозирования. (Excel).<br>Функция поиска данных в некотором диапазоне (ПРОСМОТР, ВПР, ГПР) Простые и сложные проценты. Финансовые функции. (ПС, БС, ПЛТ, СТАВКА, КПЕР). (Excel).<br>Сводные таблицы, консолидация, фильтр, расширенный фильтр, функции БД. (Excel).<br>*Рекомендуемые источники: [8.2]*<br>Функции прогнозирования. (MS Excel). Функция поиска данных в некотором диапазоне (ПРОСМОТР, ВПР, ГПР) (MS Excel).<br>Финансовые функции (ОСПЛТ, ПРПЛТ, ОБЩДОХОД, ОБЩПЛАТ). (MS Excel). План погашения кредита.<br>*Рекомендуемые источники:[8.2, 8.4., 8.5]* | Решение задач в интерактивной форме, проверка самостоятельной работы и разбор ошибок, выполнение аудиторного задания |

| | | |
|---|---|---|
| 2.Введение в R и Rstudio | Установка R и RStudio; описание консольного интерфейса; загрузка и активация библиотек R; базовые математические функции в R.<br>Создание пользовательских функций в R и подключение пользовательских библиотек.<br>*Рекомендуемые источники:[8.1]*<br>Типы данных в R. Задание векторов (RStudio).<br>Условные операторы и операторы цикла в R (RStudio).<br>*Рекомендуемые источники:[8.1, 8.4., 8.5]* | Решение задач в интерактивной форме, проверка самостоятельной работы и разбор ошибок, выполнение аудиторного задания |

| | | |
|---|---|---|
| 3.Построение графиков функций в R, MS Excel. | Построение графиков функций в R, MS Excel. Приближенное вычисление поведения функций вблизи точек разрыва в R, MS Excel. Графическое построение наклонных асимптот в R, MS Excel<br>*Рекомендуемые источники:[8.1, 8.2]* | Решение задач в интерактивной форме, проверка самостоятельной работы и разбор ошибок, выполнение аудиторного задания |
| 4.Вычисление предела функции в R, MS Excel. | Вычисление предела функции в R, MS Excel.<br>*Рекомендуемые источники:[8.1, 8.2]* | Решение задач в интерактивной форме, проверка самостоятельной работы и разбор ошибок, выполнение аудиторного задания |
| 5.Вычисление производной функции в точке в R, MS Excel | Приближенное вычисление производной функции в заданной точке в R, MS Excel.<br>Монотонность и поиск локальных экстремумов функции в R, MS Excel Численное исследование выпуклости функции и поиск ее точек перегиба в R, MS Excel.<br>Полное численное исследование функции в R, MS Excel<br>*Рекомендуемые источники:[8.1, 8.2, 8.4., 8.5]* | Решение задач в интерактивной форме, проверка самостоятельной работы и разбор ошибок, выполнение аудиторного задания |
| 6.Численное нахождение определенного и несобственного интеграла в R, MS Excel | Численное нахождение определенного и несобственного интеграла в MS Excel<br>*Рекомендуемые источники:[ 8.2, 8.4., 8.5]* | Решение задач в интерактивной форме, проверка самостоятельной работы и разбор ошибок, выполнение аудиторного задания |
| 7. Операции с комплексными числами и решение алгебраических уравнений. | Комплексные числа. Решение алгебраических уравнений.<br>Вычисление арифметических выражений (в R, MS Excel).<br>*Рекомендуемые источники:[8.1, 8.2, 8.4., 8.5]* | Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. |
| 8. Основы разработки приложений в инструментальной среде VBA | Создание макросов и функций в VBA. (Excel).<br>Создание формы на примере экономической задачи в VBA (Excel).<br>*Рекомендуемые источники: [8.2]* | Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. |

| | | |
|---|---|---|
| 9. Операции с матрицами в R, MS Excel | Алгебра матриц, импорт, экспорт данных из R в MS Excel.<br>Собственные значения и собственные векторы матриц. Квадратичные формы (R).<br>Векторы и действия над ними (в R, MS Excel).<br>*Рекомендуемые источники: [8.1, 8.2, 8.4., 8.5]* | Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. |
| 10. Решение системы линейных уравнений в R, MS Excel. | Решение матричных уравнений (методом обратной матрицы, Крамера, Гаусса (в R, MS Excel). Экономико-математическая модель межотраслевого баланса (модель «Затраты-Выпуск»). Матричное уравнение (в R, MS Excel).<br>Графический метод решения задач линейного программирования (в R, MS Excel).<br>*Рекомендуемые источники: [8.1, 8.2, 8.4., 8.5]* | Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. |
| 11.Решение прикладных экономических задач в R, MS Excel | Линейное программирование (Симплекс-метод, задача о производстве, транспортная задача и задача о назначениях) (MS Excel).<br>*Рекомендуемые источники: [8.3, 8.4., 8.5]* | Работа с учебной литературой. Решение типовых задач. Разбор вопросов по теме занятия. Выполнение домашних заданий к каждому занятию. |

## 6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

### 6.1. Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение дисциплины, формы внеаудиторной самостоятельной работы

Таблица 5–Темы дисциплины, изучаемые вопросы и формы внеаудиторной самостоятельной работы

| Наименование тем (разделов) дисциплины | Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение | Формы внеаудиторной самостоятельной работы |
|---|---|---|

| | | |
|---|---|---|
| Введение в MS Excel | Логические функции. Функции прогнозирования (РОСТ, ТЕНДЕНЦИЯ). Вычисление начислений по вкладам и выплат по кредитам, план погашения кредита. | – Решение задач в MS Excel;<br>– работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>– изучение рекомендованных к занятию литературных источников;<br>- подготовка к семинарским и практическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий;<br>- выполнение заданий контрольной работы |
| Введение в R и RStudio | Типы данных в R и программирование переменных, логические конструкции и условные операторы в R; способы чтения/записи в R данных различных форматов. | – Решение задач в R;<br>– работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>– изучение рекомендованных к занятию литературных источников;<br>- подготовка к семинарским и практическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий;<br>- выполнение заданий контрольной работы |
| Построение графиков функций в R, MS Excel | Характеристики функций: четность и нечетность, периодичность, монотонность, ограниченность. | – Решение задач в R, MS Excel;<br>– работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>– изучение рекомендованных к занятию литературных источников;<br>- подготовка к семинарским и практическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий;<br>- выполнение заданий контрольной работы |

| | | |
|---|---|---|
| Вычисление предела функции в R, MS Excel | Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Первый и второй замечательные пределы. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва функции. | – Решение задач в R, MS Excel;<br>– работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>– изучение рекомендованных к занятию литературных источников;<br>- подготовка к семинарским и практическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий; выполнение заданийконтрольной работы |
| Вычисление производной функции в точке в R, MS Excel | Эластичность функции и еепримeнение. Наибольшее и наименьшее значения непрерывной функции на отрезке. | – Решение задач в R, MS Excel; работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>– изучение рекомендованных к занятию литературных источников;<br>- подготовка к семинарским ипрактическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий;<br>- выполнение заданий контрольной работы |
| Численное нахождение определенного и несобственного интеграла в R, Excel | Неопределенный интеграл. Формула Ньютона - Лейбница. | – Решение задач в R, MS Excel;<br>– работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>– изучение рекомендованных к занятию литературных источников;<br>- подготовка к семинарским ипрактическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий;<br>- выполнение заданий контрольной работы |
| Операции с комплексными числами и решение алгебраических уравнений | Вычисление функций комплексного переменного | – Решение задач в R, MS Excel;<br>– работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>– изучение рекомендованных к занятию литературных источников;<br>- подготовка к семинарским и практическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий;<br>- выполнение заданий контрольной работы |

| | | |
|---|---|---|
| Основы разработки приложений в инструментальной среде VBA | Основы языка Visual Basic for Application. Разработка пользовательских диалоговых окон. | – Решение задач в R, MS Excel;<br>– работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>- изучение рекомендованных к занятию литературных<br>- подготовка к семинарским и практическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий |
| Операции с матрицами в R, Excel | Векторное пространство $R^n$. Линейная зависимость (независимость) системы векторов. Базис и размерность $n$ векторного пространства. | – Решение задач в R, MS Excel;<br>– работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>– изучение рекомендованных к занятию литературных источников;<br>- подготовка к семинарским и практическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий;<br>- выполнение заданий контрольной работы |
| Решение системы линейных уравнений в R, Excel. | Собственные значения и собственныевекторы квадратных матриц. | – Решение задач в R, MS Excel;<br>– работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>– изучение рекомендованных к занятию литературных источников;<br>- подготовка к семинарским и практическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий;<br>– выполнение заданийконтрольной работы |
| Решение прикладных экономических задач в R, Excel | Нахождение эластичности и других предельных величин в микроэкономике. Транспортная задача, задача о назначениях. | – Решение задач в R, MS Excel;<br>– работа с текстом лекции, разбор вопросов по теме занятия;<br>– изучение рекомендованных к занятию литературных источников;<br>- подготовка к семинарским и практическим занятиям;<br>- выполнение домашних заданий;<br>– выполнение заданийконтрольной работы |

**6.2. Перечень вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю**

**Примеры заданий контрольных работ**

1. Как работают финансовые функции в Excel (ПС, БС, СТАВКА, КПЕР, ПЛТ и пр.)? Какой смысл имеют они и их аргументы?
2. Как построить график функции в Excel/R?
3. Что такое предел числовой последовательности, предел функции в точке, на бесконечности? Как вычислить предел, используя вычислительные возможности Excel/R?
4. Что такое асимптота графика функции? Как найти асимптоты (аналитическии в Excel/R)?
5. Что такое производная функции? Как вычислить производную с помощью формул численного дифференцирования?
6. Какие функции называются монотонными на промежутке? Что такое точка локального экстремума функции? Как исследовать функцию на монотонность иэкстремумы (аналитически и в Excel/R)?
7. Какие функции называются выпуклыми и вогнутыми на промежутке? Что такое точка перегиба функции? Как исследовать функцию на выпуклость и точки перегиба (аналитически и в Excel/R)?
8. Что такое неопределённый интеграл, определённый интеграл, несобственный интеграл? Как вычислить определённый/несобственный интеграл в R?
9. По каким правилам выполняются операции над матрицами (арифметические, транспонирование)? Что такое обратная матрица и для каких матриц она существует? Как выполнить сложение, вычитание, умножение, транспонирование и нахождение обратной матрицы в Excel/R?
10. Что такое определитель матрицы? Как найти определитель матрицы в Excel/R?
11. Что такое система линейных алгебраических уравнений? Сколько решений и в каких случаях она может иметь? Как решить СЛАУ в Excel/R?
12. Как решить матричное уравнение вида AX=B или XA=B в Excel/R?
13. Как определены линейные операции над арифметическими векторами, скалярное произведение векторов, модуль вектора, угол между векторами? Как выполнить линейные операции, вычислить скалярное произведение, найти модуль вектора, найти угол между векторами в Excel/R?
14. Что такое собственные значения и собственные вектора матрицы? Как найтисобственные значения и собственные вектора матрицы в R?
15. Что такое задача линейного программирования? Как решить задачу линейного программирования в Excel/R?

***Примеры заданий контрольных работ***

**Задания можно выполнить как в Excel, так и в R-studio**

***Пример 1***

1. Провести полное исследование и построить график функции $y = f x( )$. Найти наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке [ 2– ;0].

$$f(x)=\frac{x^3-2}{(x-1)^2}.$$

2. Провести полное исследование и построить график функции $y = f x( )$.

$$y=\sqrt[3]{x^2-5x+6}.$$

3. С помощью финансовых функций определить, каким должно быть начальное значение вклада при следующих условиях: срок вклада (Кпер)– 18 месяцев, будущее значение вклада (Бс) – 11 500 долларов, годовая процентная ставка (Ставка) – 12,5%. Дополнительные вложения и изъятия не производятся. Проценты начисляются ежеквартально. Ответ дать с двумя знаками после запятой.

***Пример 2***

1. Известно, что компания оказывает услуги:

$\vec{a}$ = (3, 7, 1, -5, -1, 1, 0, 1, 5, 1, 6, -5, 1, -2, 4, 0),

$\vec{b}$ = (−4,2,1,−2, 3,2,6,2, −4,−4,5,−1, 3,0,3,1),

$\vec{p}$ = (7, 3, -3, 1, -3, 2, -1, -4, 6, 0, 4, 1, -2, -3, 5, 6).

Для их выполнения требуются соответствующие ресурсы ai, bi, ci. При этом если ai>0, ресурс имеется в наличии, если ai<0, то он находится в аутсорсинге. В целях многофакторного анализа деятельности компании необходимо рассчитать следующие выражения:

a) $4\vec{a} - 3\vec{b}$

b) $6(\vec{a}, \vec{p})*\vec{b} + 4*|\vec{p}|*\vec{b}$

c) $4(\vec{a}, \vec{b})*\vec{p} - 6(\vec{b}, \vec{p})*\vec{a} - 3|\vec{p}|*\vec{p}$

2. Восстановите, какое количество ресурсов x1, x2, …, x8 было использовано в компании при выполнении основных задач. Известно, что для этого надо решить систему линейных уравнений. Ответ дайте с точностью до двух знаков после запятой. Результат проверьте.

| | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 6 | $x_1$+ | 8 | $x_2$ | – | $x_3$+ | 8 | $x_4$ | –7 | $x_5$+ | 4 | $x_6$ | –2 | $x_7$+ | 2 | $x_8$= | 518,42 |
| 6 | $x_1$+ | 9 | $x_2$+ | 7 | $x_3$+ | 10 | $x_4$+ | 7 | $x_5$+ | 6 | $x_6$+ | 8 | $x_7$+ | 2 | $x_8$= | 1325,72 |
| 6 | $x_1$ | – | $x_2$+ | | $x_3$ | –6 | $x_4$+ | 9 | $x_5$+ | 5 | $x_6$ | –5 | $x_7$+ | 3 | $x_8$= | 238,28 |
| –7 | $x_1$ | | | –9 | $x_3$+ | | | 5 | $x_5$+ | 3 | $x_6$+ | 7 | $x_7$ | – | $x_8$= | –277,38 |
| | | 2 | $x_2$ | – | $x_3$+ | 8 | $x_4$+ | 6 | $x_5$+ | 3 | $x_6$+ | 6 | $x_7$+ | 7 | $x_8$= | 672,06 |
| –8 | $x_1$ | –9 | $x_2$+ | 4 | $x_3$+ | | $x_4$+ | 4 | $x_5$+ | 10 | $x_6$ | –10 | $x_7$+ | 6 | $x_8$= | –66,24 |
| 8 | $x_1$+ | | $x_2$ | –10 | $x_3$+ | 8 | $x_4$+ | 4 | $x_5$ | –4 | $x_6$+ | | $x_7$ | –6 | $x_8$= | –335,80 |
| 2 | $x_1$+ | 10 | $x_2$ | –9 | $x_3$ | –9 | $x_4$ | –9 | $x_5$+ | | $x_6$ | –7 | $x_7$+ | 3 | $x_8$= | 10,12 |

3. Для выполнения оптимального бизнес-планирования требуется решить матричное уравнение для отыскания матрицы X по заданным матрицам A, B и диагональной единичной E: $\mathbf{X(B^{-1})A^2=E.}$ . Результат проверьте.

$$A=\begin{vmatrix} 0 & 8 & 11 & -9 & 8 & 6 & 0 & 5 \\ 9 & -2 & 1 & -2 & 9 & 14 & -18 & 12 \\ 13 & -6 & 11 & 1 & 1 & 18 & 9 & -9 \\ 15 & -17 & 9 & 18 & -13 & 6 & 3 & 5 \\ 7 & -5 & -6 & 1 & 14 & -12 & -14 & -10 \\ -3 & -2 & 6 & 17 & 7 & -10 & 9 & -5 \\ 0 & 1 & 17 & 6 & 1 & 13 & -1 & -14 \\ 10 & 15 & 15 & -12 & -2 & 4 & -18 & 16 \end{vmatrix} \quad \text{и} \quad B=\begin{vmatrix} 1 & 0 & 2 & 8 & 0 & 47 & 10 & 18 \\ 16 & -4 & 2 & 7 & 5 & 13 & 1 & 0 \\ -14 & 2 & -9 & -14 & 1 & -11 & -9 & -17 \\ 12 & -15 & -2 & 9 & 17 & 9 & -1 & 6 \\ 15 & 19 & 2 & -49 & 0 & -8 & 12 & 3 \\ 0 & 16 & 16 & 2 & 7 & 3 & -18 & -14 \\ 15 & 14 & -14 & -16 & -8 & -1 & -3 & 1 \\ -11 & 8 & -14 & -19 & 11 & -6 & 17 & -11 \end{vmatrix}$$

4. Для восстановления утраченных паролей входа на портал организации требуется найти с точностью до 3 десятичных знаков собственные числа и собственные векторы матрицы A. Проверить ортогональность полученного собственного базиса.

$$A=\begin{vmatrix} 35 & 7 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 7 & 31 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 37 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 26 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 26 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 38 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 17 \end{vmatrix}$$

5. Заемщик взял в банке кредит в размере 3400000 руб. на срок 20 лет. Процентная ставка 11,75%. Периодичность начисления – раз в квартал. Какую сумму основного долга клиент выплатит за первые 9 лет и за 11-й год периода?

Ответ округлите до копеек.

6. Для выполнения оптимального бизнес-планирования требуется решить следующую задачу линейного программирования:

$$f(x_1,x_2) = 10x_1 - 30x_2 \to \max$$

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 \geq 3 \\ x_1 - 2x_2 \leq 2 \\ x_1 + 2x_2 \leq 6 \\ x_1 \geq 1 \\ x_1,x_2 \geq 0 \end{cases}$$

Оценка знаний студентов осуществляется в баллах с учетом оценки работы в семестре (написание домашнего творческого задания, аудиторных самостоятельных работ и домашних заданий, решение задач и участие в обсуждениях на практических занятиях и др.), оценки итоговых знаний (по результатам экзамена) и в соответствии с критериями Финансового университета реализуется следующим образом:

| **№п/п** | **Вид отчетности** | **Баллы** |
|---|---|---|
| 1. | Работа в семестре | 40 |
| 2. | Экзамен | 60 |
| | **Итого:** | **100** |

Таблица 6 - Формы текущего контроля успеваемости и их балльная оценка

| **Критерий оценки** | **Баллы** | **Методика оценки** |
|---|---|---|
| Посещение аудиторных занятий | 7 | Математический расчет<br>Оц=7 : Кз х Пз<br>Где Оц – сумма баллов; Кз – количество аудиторных занятий по дисциплине; Пз – количество занятий, посещаемых студентом |
| Активность при проведении аудиторных занятий | 13 | Доклад, презентация – 10 баллов<br>Информационное сообщение – 5 баллов<br>Участие в обсуждении – 3 балла<br>Краткое выступление – 1 балл<br>Решение расчетных задач – 1 балл |
| Активность при проведении внеаудиторной работы | 10 | Подготовка материалов и выступление на студенческих научных конференциях, в печатных изданиях, в том числе и Университета - 10 баллов |
| Самостоятельная работа студента под руководством преподавателя | 10 | Выполнение домашнего творческого задания – 10 баллов |

С целью стимулирования систематической подготовки студентов к практическим и семинарским занятиям по дисциплине в течение семестра вводится комплексный подход к оценке, получаемой студентами по итогам изучения дисциплины. На основании положения о системе оценки знаний студентов в Финансовом университете действует 100-балльная система оценки знаний. Это означает, что оценка, получаемая по итогам письменной экзаменационной работы, состоит из двух частей: текущего контроля студентов в семестре — максимальная

оценка 40 баллов и результатов промежуточной аттестации — максимальная оценка 60 баллов.

Текущий контроль осуществляется в ходе учебного процесса и консультирования студентов, по результатам выполнения самостоятельных работ. Основными формами текущего контроля знаний являются:

– решение задач, тестов и их обсуждение с точки зрения умения формулировать выводы, вносить рекомендации и принимать адекватные управленческие решения;

– выполнение контрольных заданий и обсуждение результатов;

– обсуждения законодательных, правовых и нормативных актов.

Вторая составляющая оценивает устный ответ на зачете и не может превышать 60 баллов.

40 баллов, полученные студентом в течение семестра, должны означать самую высокую характеристику его работы. Такой балл получают студенты, которые на практических занятиях систематически показывают высокие результаты при опросах, проявляют активность при обсуждении изучаемых проблем, в полном объеме выполняют учебную программу, не имеют пропусков.

Максимальная оценка ответа на зачете оценивается в 60 баллов. Каждый вопрос в билете имеет свою долю в общей оценке в зависимости от сложности. Например, за первый теоретический вопрос максимально оценивается 15 баллов, два следующих теоретических вопроса оцениваются по 10 баллов, задача — максимально 15 баллов и пять тестов — по 2 балла каждый правильно решенный тест.

Балльная система аттестации:

- студент, получивший от 50 до 100 баллов, считается аттестованным, получивший от 0 до 49 баллов - не аттестованным;

- студент, получивший от 50 до 69 баллов, считается аттестованным на «удовлетворительно»;

- студент, получивший от 70 до 85 баллов, считается аттестованным на «хорошо»;

- студент, получивший от 86 до 100 баллов, считается аттестованным на «отлично».

Таким образом, если студент по итогам работы в семестре набирает 21 балл, а по итогам письменной работы — 60 баллов, то общая сумма 81 балл соответствует окончательной оценке 4 «хорошо».

Если студент подошел к экзамену с оценкой 0 баллов, то при безупречном качестве письменной экзаменационной работы он может получить итоговую оценку по данной дисциплине только 60 баллов, что соответствует оценке «удовлетворительно».

О данном подходе к оценке знаний студентов преподаватель информирует студентов на первом семинарском (практическом) занятии. На последнем семинарском занятии студентам сообщается оценка, которую они получают по итогам работы в семестре.

Студенты могут улучшить свою оценку по итогам работы в семестре за счет отработки пропущенных занятий или полученных неудовлетворительных оценок на

семинарах. Вместе с тем, все отработки могут быть осуществлены в консультационные дни в период не более двух консультаций с момента получения оценки «неудовлетворительно» или пропуска занятий. Только в случае болезни студент может отрабатывать пропуски в более поздние сроки.

Отработка пропусков, имевших место по причине работы студентов во время занятий, не допускается.

## 7.Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

### 7.1 Перечень компетенций с указанием индикаторов их достижения в процессе освоения образовательной программы

Перечень компетенций, формируемых в процессе освоения дисциплины, содержится в разделе 2 «Перечень планируемых результатов освоения образовательной программы (перечень компетенций) с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения по дисциплине».

### 7.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки индикаторов достижения компетенций, умений и знаний

| Наименование компетенций | Примеры заданий для оценки индикаторов достижения компетенций |
|---|---|
| УК-4<br>Способность использовать прикладное программное обеспечение при решении | **1. Использует основные методы и средства получения, представления, хранения и обработки данных.**<br>**Задание 1.**<br>Создать в Excel электронную таблицу, содержащую данные о курсе евро (EUR) за последний месяц (эту информацию можно найти на официальном сайте Сбербанка). Импортировать эти данные в R в виде объекта типа data.frame. |

профессиональных задач

**2. Демонстрирует владение профессиональными пакетами прикладных программ.**

**Задание 2.**

С помощью финансовых функций Excel составить план погашения кредита в размере 500 тыс. руб., взятого на 18 месяцев под 16% годовых (проценты начисляются ежемесячно) и возвращаемого равными платежами в конце каждого месяца.

**3. Выбирает необходимое прикладное программное обеспечение в зависимости от решаемой задачи.**

**Задание 3.**

Заданы вектора $\vec{a}=(3,2,-4,0,4,5,0,-3,4,-4)$, $\vec{b}=(-3,5,4,2,3,0,-1,4,-2,3)$, $\vec{c}=(0,0,4,-3,2,-5,6,-1,-4,1)$. Вычислить значение выражения $3(\vec{a},\vec{b})\vec{c}-2(\vec{b},\vec{c})\vec{c}+|\vec{a}|\vec{b}$ в Excel или в R.

**4. Использует прикладное программное обеспечение для решения конкретных прикладных задач.**

**Задание 4.**

Имеется пять заданий - А, Б, В, Г, Д - и пять работников – I, II, III, IV, V - для их выполнения. В таблице указана прибыль, которую обеспечивает каждый из работников при выполнении каждого из заданий.

| | I | II | III | IV |
|---|---|---|---|---|
| А | 18 | 30 | 20 | 18 |
| Б | 13 | 18 | 10 | 17 |
| В | 10 | 16 | 11 | 10 |
| Г | 19 | 25 | 18 | 17 |
| Д | 14 | 18 | 22 | 20 |

Распределить задания между работниками (одно задание выполняется одним человеком) так, чтобы общая прибыль от выполнения заданий была наибольшей. В ответе указать найденную наибольшую прибыль.

| | |
|---|---|
| ПКН-3<br>Способность осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, применять математические методы для решения стандартных профессиональных финансово-экономических задач, интерпретировать полученные результаты | **1. Демонстрирует знания математических методов, применяемых в менеджменте Задание 5.**<br>Найти в официальных источниках (например, в РБК) информацию о стоимости минуты рекламы на телевизионных каналах во время трансляции ЧМ по футболу за последние 5 лет. Проанализировать полученные данные. Проиллюстрировать полученные результаты диаграммой.<br><br>**2. Применяет математические методы и модели для обоснования принятия управленческих решений.**<br><br>**Задание 6.**<br>Структурная матрица торговли трёх стран имеет вид<br>$A=\begin{pmatrix} 0,3 & 0,2 & 0,5 \\ 0,4 & 0,4 & 0,3 \\ 0,3 & 0,4 & 0,6 \end{pmatrix}$<br>($a_{ij}$ - доля торгового бюджета, которую *j*-ая страна тратит на импорт товаров из *i*-ой страны). Определить возможные бюджеты стран, при которых торговля будет сбалансированной (бездефицитной) для каждой из стран.<br><br>**3. Содержательно интерпретирует результаты, полученные при использовании математических моделей.**<br>**Задание 7.**<br>Курс акции в 2020 году составлял:<br>01.01.2020 142 руб. 01.05.2020 154 руб. 01.09.2020 166 руб.<br>01.02.2020 145 руб. 01.06.2020 155 руб. 01.10.2020 166 руб.<br>01.03.2020 147 руб. 01.07.2020 161 руб. 01.11.2020 169 руб.<br>01.04.2020 151 руб. 01.08.2020 165 руб. 01.12.2020 172 руб.<br>Определить, какой тип зависимости более точно определяет поведение ценной бумаги – линейный или экспоненциальный, и, применив соответствующую функцию, рассчитать предполагаемый курс на 01.03.2021 |

## *Примеры типовых заданий*

***Задача 1.*** С помощью финансовых функций определить, каким должно быть начальное значение вклада при следующих условиях: срок вклада (Кпер) – 3,5 года, будущее значение вклада (Бс) – 21 500 долларов, годовая процентная ставка (Ставка) – 10%. Дополнительные вложения и изъятия не производятся. Проценты начисляются по полугодиям. Ответ дать с двумя знаками после запятой.

***Задача 2.*** Площадь первого круга составляет 760, площадь второго круга составляет 20. С помощью инструмента Подбор параметра определить во сколько раз радиус первого круга отличается от радиуса второго

***Задача 3.*** Найти первую производную функции $y=5xe^x$ в точке x = -1,5. Ответ представить в виде десятичной дроби с точностью до 0.001.

***Задача 4.*** Для функции $y = arctg\, x(+2.5) - 0.25x$ найдите:

1) ординату точки пересечения графика с осью Оу;

2) точку локального минимума;

3) локальный минимум;

4) точку локального максимума; 5) локальный максимум.
Все ответы представить в виде десятичной дроби с точностью до 0.001, например,

1.234.

***Задача 5.*** Известна предельная производительность труда

$$MP(L) = \frac{2500}{\ln(L+100)},$$

где $L$ – объём трудозатрат. Найти объём производства при объёме трудозатрат $L_0$=80. Ответ дать с точностью до двух знаков после запятой.

***Задача 6.*** Найти вторую производную функции в точке x = -2. Ответ представить в виде десятичной дроби с точностью до 0.001

$$y = \sqrt[3]{x^2 - 5x + 6}$$

***Задача 7.*** Вычислите предел функции , Ответ запишите в виде десятичной др оби с точностью до 0.001

$$\lim_{x \to 4} \frac{\sqrt{4x+9} - 5}{\sqrt{x} - 2}.$$

***Задача 8.*** Найти наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке [-1;4]:

$$f(x) = x^4 - 5x^2 + 7x - 2$$

***Задача 9.*** Фирма решила взять кредит размером 600 000 рублей, погашать который (основной долг и проценты) намерена равномерными платежами в конце каждого месяца. Определить ежемесячные выплаты по кредиту для разных процентных ставок и сроков погашения кредита (от 5% до 20% и от 1 до 15 лет, используя таблицу подстановки). В ответе указать размер платежа за 4-ый год при процентной ставке 12%.

***Задача10.*** Даны матрицы Решить матричное уравнение $BX=A$.

$$A=\begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 & 0 & 1 \\ -3 & 0 & 4 & 1 & 0 \\ -1 & 4 & 3 & -3 & 1 \\ 3 & -1 & -1 & 1 & 5 \\ -4 & 8 & -4 & 3 & 6 \end{pmatrix} \text{ и } B=\begin{pmatrix} 5 & -1 & 3 & 7 & 1 \\ -3 & 0 & 4 & 1 & 0 \\ 4 & 8 & 3 & -2 & 1 \\ 3 & -1 & -1 & 7 & 5 \\ 4 & 8 & -4 & 3 & 6 \end{pmatrix}.$$

***Задача 11.*** Предельные издержки предприятия вычисляются по формуле

$MC(q)=95-3q-0,7q^2$, где $q$ – объём производства, а фиксированные издержки равны $FC$=28. Вычислить общие издержки при объёме производства $q_0$=4,1. Ответ дать с точностью до двух знаков после запятой.

***Задача 12.*** Для матриц численно решить (в Excel или в R) матричное уравнение и проверить результат, выполнив умножение матриц исходной задачи: $AX=B$

$$A=\begin{pmatrix} -8 & -4 & 6 & -3 & 4 & 1 \\ -4 & 9 & 0 & -8 & 0 & 0 \\ 8 & 7 & -1 & 4 & -1 & 0 \\ 9 & 0 & -7 & -9 & -6 & 3 \\ 3 & -2 & -1 & -6 & -7 & 1 \\ -5 & 8 & 2 & -4 & 0 & 6 \end{pmatrix} \text{ и } B=\begin{pmatrix} -2 & 8 & -2 & 7 & 10 & 4 \\ 3 & 3 & 11 & 0 & -7 & -5 \\ -2 & 2 & 9 & 7 & 3 & -10 \\ 3 & 0 & 0 & -4 & -2 & -8 \\ 2 & -2 & -8 & -10 & -6 & 7 \\ -11 & 10 & -7 & 3 & -9 & -1 \end{pmatrix}$$

***Задача 13.*** Найти вещественную и мнимую части выражения

$$\frac{(2+2i)^2}{5+4i}$$

***Задача 14.*** Привести квадратичную форму к каноническому виду $f = x^2+2y^2+4z^2+6xy-4xz-8yz$

***Задача 15.*** Даны векторы:

$$\vec{a}=(0,-4,2,3,1,1,1,0,-5,-2,-1,3)$$

$$\vec{b}=(-4,-4,0,3,-2,-1,-2,3,3,1,1,5)$$

$$\vec{p}=(1,5,2,4,3,0,-4,-5,1,2,2,1)$$

Вычислить значения выражений:

1. $3\vec{a} + 5\vec{b}$

2. $2(\vec{a},\vec{b}) \cdot \vec{p} - 5|\vec{p}| \cdot \vec{a}$ 3. $(\vec{a}, \vec{p}) \cdot \vec{b} - (\vec{b}, \vec{p}) \cdot \vec{a} - |\vec{p}| \cdot \vec{p}$

***Задача 16.*** Для изготовления двух видов продукции А и В используются три вида сырья I, II, III. Ресурсы сырья, нормы его расхода на единицу продукции и получаемая прибыль от единицы продукции заданы в таблице

| Сырье | Нормы расхода | | Ресурсы |
|---|---|---|---|
| | А | В | |
| I | 1 | 7 | 50 |
| II | 3 | 5 | 50 |
| III | 5 | 2 | 40 |
| Прибыль | 40 | 20 | |

Определить оптимальный план выпуска продукции из условия максимизации прибыли.

***Теоретические вопросы для подготовки к зачётам***

1. Табличный процессор MS Excel. Ввод данных и формул в ячейки. Форматирование. Диапазоны ячеек.
2. Простые и сложные проценты. Вычисление начислений по вкладам и выплат по кредитам, план погашения кредита.
3. Типы данных в R. Программирование переменных. Созданиепользовательских функций.
4. Числовые функции и способы их задания. Свойства функций. График функции.
5. Предел числовой последовательности. Предел функции на бесконечности ив точке. Свойства пределов.
6. Первый и второй замечательный пределы.
7. Непрерывные функции и их свойства.
8. Асимптоты графика функции.
9. Производная и дифференциал функции одной переменной. Эластичностьфункции и ее применение.
10. Производные и дифференциалы высших порядков.
11. Монотонные функции. Локальный экстремум функции. Исследование функции на монотонность и экстремумы.
12. Выпуклые (вогнутые) функции. Точки перегиба. Исследование функции навыпуклость и точки перегиба.
13. Наибольшее и наименьшее значения непрерывной функции на отрезке.
14. Неопределенный интеграл. Основные методы интегрирования: замена переменной, интегрирование по частям.
15. Определенный интеграл. Формула Ньютона - Лейбница и ее применение.Несобственные интегралы.

16. Матрицы. Операции над матрицами. Ранг матрицы. Обратная матрица.
17. Определитель матрицы. Свойства и применение определителей.
18. Системы линейных алгебраических уравнений. Решение систем линейных алгебраических уравнений методам Крамера, обратной матрицы и методом Гаусса.
19. Множество решений системы линейных алгебраических уравнений.Однородные и неоднородные системы.
20. Арифметические векторы и линейные операции над ними. Векторное пространство Rn.
21. Линейная зависимость (независимость) системы векторов. Базис иразмерность линейного пространства. Координаты вектора в данном базисе.
22. Скалярное произведение векторов в Rn. Длины векторов и угол междуними в Rn.
23. Собственные значения и собственные векторы квадратных матриц.
24. Задачи линейного программирования в экономике: минимизация расходов, максимизация прибыли и др.; транспортная задача, задача о назначениях.

***Пример билета для сдачи зачета.***

**Федеральное государственное образовательное бюджетное учреждение высшего образования**
**«Финансовый университет при Правительстве Российской Федерации»**
**(Ярославский филиал Финуниверситета)**

Кафедра «Экономика и финансы»
Дисциплина «Цифровая математика на языке R и Excel»
Филиал Ярославский
Форма обучения Очная
Семестр 1 Направление 38.03.01 «Экономика»
Профиль «Финансы и управление финансовыми активами»

**БИЛЕТ ДЛЯ СДАЧИ ЗАЧЕТА №1**

| № п/п | Вопросы билета | Максимальный балл |
|---|---|---|
| 1 | Табличный процессор MS Excel. Ввод данных и формул в ячейки.Форматирование. Диапазоны ячеек. | 30 баллов |
| 2 | Простые и сложные проценты. Вычисление начислений по вкладам ивыплат по кредитам, план погашения кредита. | 30 баллов |

Подготовил
Морозов И.А.
Утверждаю:
Заведующий кафедрой Сироткин С. А.
«Экономика и финансы» Дата_____2024 г.

**7.3. Соответствующие приказы, распоряжения ректората о контроле уровня освоения дисциплин и сформированности компетенций студентов.**

Приказ от 01 октября 2024 года №2187/о «Об утверждении Положения о проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов, обучающихся по образовательным программам высшего образования в Финансовом университете», размещенный по ссылке: https://www.fa.ru/upload/iblock/845/yqw4vi0gi21glvu9775bfm4rz6p19b0z/Prikaz-_2187_o-ot-01.10.2024.pdf

## 8.Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

**Основная литература :**


1. Зададаев, С.А. Математика на языке R: учебник / С.А. Зададаев; Финансовый университет при Правительстве РФ, Департамент анализа данных, принятиярешений и финансовых технологий. – Москва: Прометей, 2018. – 324 с. Текст : непосредственный.- То же.-URL : ЭБС: Университетская библиотека онлайн : https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=494941 (дата обращения: 21.05.2021)
2. Математика в Excel: учебник для вузов / О.А.Баюк, Д.В.Берзин, А.В.Золотарюк[и др.]; под ред Т. Л. Фомичевой. – Москва: «Прометей», 2019. – 229 с. – Текст : непосредственный


**Дополнительная литература:**


1. Методы оптимальных решений в экономике и финансах. Практикум: учебноепособие / И.А. Александрова [и др.]; под ред. В.М. Гончаренко, В.Ю. Попова. Москва: Кнорус, 2016. – Текст : непосредственный. – То же. - ЭБС BOOK.ru. URL: https://www.book.ru/book/919200 (дата обращения: 21.05.2021). - Текст : электронный.
2. Солодовников А. С. Математика в экономике. Ч.1: Линейная алгебра, аналитическая геометрия и линейное программирование: Учебник для студ. экономич. спец. вузов / А.С.Солодовников, В.А.Бабайцев, А.В.Браилов, И.Г.Шандра - Москва: Финансы и статистика; ИНФРА-М, 2003, 2005, 2006,2007, 2011. - 384 с. Текст: непосредственный. URL:http://lpvserver190/fulltext/Book/TRUDY%20FA/Mathematics1.pdf (дата обращения: 21.05.2021). - Текст : электронный.
3. Солодовников А. С. Математика в экономике. Ч.2: Математический анализ: учебник для студ. экономич. спец. вузов / А.С. Солодовников, В.А.Бабайцев, А.В.Браилов, И.Г.Шандра. - Москва: Финансы и статистика; Инфра-М, 2003,2005, 2007, 2011. - 557 с. – Текст : непосредственный.- То же .- 1999.- http://lpvserver190/fulltext/Book/TRUDY%20FA/Mathematics2.pdf (дата обращения: 21.05.2021). - Текст : электронный.


## 9.Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. Информационно-образовательный портал Финансового университета при Правительстве Российской Федерации http://portal.ufrf.ru/.
2. Сайт кафедры департамента математики. http://www.fa.ru/org/dep/dm/Pages/Home.aspx
3. Электронная библиотека Финансового университета (ЭБ) http://elib.fa.ru/
4. Электронно-библиотечная система BOOK.RU http://www.book.ru
5. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека ОНЛАЙН» http://biblioclub.ru/
6. Электронно-библиотечная система Znanium http://www.znanium.com
7. Электронно-библиотечная система издательства «ЮРАЙТ» https://urait.ru/
8. Электронно-библиотечная система издательства Проспект http://ebs.prospekt.org/books
9. Электронно-библиотечная система издательства «Лань» https://e.lanbook.com/
10. Электронная библиотека Издательского дома «Гребенников» https://grebennikon.ru/
11. Деловая онлайн-библиотека Alpina Digital http://lib.alpinadigital.ru/
12. Научная электронная библиотека eLibrary.ru http://elibrary.ru
13. Национальная электронная библиотека http://нэб.рф/
14. Ресурсы информационно-аналитического агентства по финансовым рынкам Cbonds.ru https://cbonds.ru/
15. СПАРК https://spark-interfax.ru/
16. Academic Reference http://ar.cnki.net/ACADREF
17. Bank Focus http://library.fa.ru/resource.asp?id=527
18. Пакет баз данных компании EBSCO Publishing, крупнейшего агрегатора научныхресурсов ведущих издательств мира http://search.ebscohost.com
19. Электронные продукты издательства Elsevier http://www.sciencedirect.com
20. Emerald: Management eJournal Portfolio https://www.emerald.com/insight/
21. Информационно-аналитическая база данных EMIS Global https://www.emis.com/php/companies/overview/index
22. Реферативная база данных по математике MathSciNET https://mathscinet.ams.org/mathscinet/
23. Oxford Scholarship Online https://oxford.universitypressscholarship.com/
24. Коллекция научных журналов Oxford University Press https://academic.oup.com/journals/
25. ProQuest: База данных Business Ebook Subscription на платформе Ebook Central https://search.proquest.com/
26. ProQuest Dissertations & Theses A&I https://search.proquest.com/
27. База данных RUSLANA компании Bureau van Dijk https://ruslana.bvdep.com/
28. Scopus https://www.scopus.com
29. Электронная коллекция книг издательства Springer: Springer eBooks http://link.springer.com/
30. Интерактивная финансовая информационная система компании Bloomberg
31. Система Thomson Reuters Eikon
32. Web of Science http://apps.webofknowledge.com
33. Массовый открытый онлайн-курс/специализация «Microsoft Professional

Program in Data Science/ Microsoft.»- https://www.edx.org/microsoft-professional-program-data-science#edx-product-discovery-cards

34. Массовый открытый онлайн-курс/специализация «Машинное обучение и анализ данных» / МФТИ и Яндекс. – https://www.coursera.org/specializations/machine-learning-data-analysis
35. Массовый открытый онлайн-курс/специализация “Recommender Systems”/ University of Minnesota – https://www.coursera.org/specializations/recommender-systems
36. Массовый открытый онлайн-курс/специализация “Machine Learning”/ Stanford University - https://www.coursera.org/learn/machine-learning/home/welcome
37. Профессиональный ресурс по машинному обучению. - https://stackoverflow.com
38. Профессиональный ресурс по машинному обучению.- https://stackexchange.com

## 10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

| Наименование методических материалов для обучающихся | Год утверждения | Местонахождение материала (ссылка на сайт филиала) |
|---|---|---|
| Манина О.Ю. Методические рекомендации по выполнению контрольной работы по дисциплине «Цифровая математика на языке R и Excel» для студентов, обучающихся по направлению подготовки 38.03.01 «Экономика». | 2026 | https://cloud.mail.ru/public/CnoV/cYBRvyAHR |
| Приказ Финуниверситета от 14.05.2021 г. № 1040/о «Об утверждении методических рекомендаций по планированию и организации внеаудиторной самостоятельной работы студентов по образовательным программам бакалавриата и магистратуры Финансовом университете» | | https://www.fa.ru/upload/iblock/dc2/a5qpi6qb0k0l6jz01c4g9y1cv5x35ey3/Prikaz-_-1040_o-ot-11.05.2021.PDF |

## 11.Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень необходимого программного обеспечения и информационных справочных систем

10.1.Комплект лицензионного программного обеспечения:

Windows, Microsoft Office; Excel

Антивирус ESET Endpoint Security.

11.2 Современные профессиональные базы данных и информационныесправочные системы:

Информационно-правовая система «Консультант Плюс»;Информационно-правовая система «Гарант»;

Электронная энциклопедия: http://ru.wikipedia.org/wiki/Wiki

Система комплексного раскрытия информации «СКРИН» -http://www.skrin.ru

11.3.Сертифицированные программные и аппаратные средства защиты информации – не предусмотрено

11.4.Microsoft Azure (Cortana Intelligence Suite)

11.5.LensKit (требуется поддержка Java)

11.6.Python/R

**12.Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

Материально-техническая база, которой располагает Ярославский филиал Финуниверситета: аудиторный фонд, компьютерные классы и др.

Лекционные и практические занятия проводятся в мультимедийных аудиториях филиала, а также в оборудованных компьютерами и мультимедийным оборудованием классах.

Профессорско-педагогический состав знакомится с психолого-физиологическими особенностями обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья. При необходимости осуществляется дополнительная поддержка преподавания тьюторами, психологами, социальными работниками, прошедшими подготовку ассистентами.

В соответствии с методическими рекомендациями Минобрнауки России (утверждены 08.04.2014 № АК-44/05вн) в курсе предполагается использовать социально-активные и рефлексивные методы обучения, технологии социокультурной реабилитации с целью оказания помощи в установлении полноценных межличностных отношений с другими студентами, создании комфортного психологического климата в студенческой группе. Подбор и разработка учебных материалов производятся с учетом предоставления материала в различных формах: аудиальной, визуальной, с использованием специальных технических средств и информационных систем.

Освоение дисциплины лицами с ОВЗ осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения (персонального и коллективного использования). Материально-техническое обеспечение предусматривает приспособление аудиторий к нуждам лиц с ОВЗ.

Форма проведения аттестации для студентов-инвалидов устанавливается с учетом индивидуальных психофизических особенностей. Для студентов с ОВЗ предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

– в печатной или электронной форме (для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата);

– в печатной форме или электронной форме с увеличенным шрифтом и контрастностью (для лиц с нарушениями слуха, речи, зрения);

– методом чтения ассистентом задания вслух (для лиц с нарушениями зрения).

Студентам с инвалидностью увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких студентов предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

– письменно на бумаге или набором ответов на компьютере (для лиц с нарушениями слуха, речи);

– выбором ответа из возможных вариантов с использованием услуг ассистента (для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата);

– устно (для лиц с нарушениями зрения, опорно-двигательного аппарата).

При необходимости для обучающихся с инвалидностью процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.